Документ создан на ресурсе

http://Web-tutor.narod.ru

Интернет-Репетитор по физико-математическим наукам.

С вопросами, задачами, тестами по любым разделам Математики и Физики обращайтесь к Интернет Репетитору:

© Курилин Александр Владимирович

E-mail: kurilin@inbox.ru

<u>©Web-Tutor</u>: Качественное и быстрое решение задач любой сложности: http://web-tutor.narod.ru

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М.В. ЛОМОНОСОВА

Биологический факультет, Факультет фундаментальной медицины. Вступительный экзамен по математике на Биофак МГУ–2002 год.

Вариант №1



1. Решить неравенство:

$$|2x-3| > 4x$$

2. Решить уравнение:

$$\sin^2 2x + \cos^2 3x = 1$$

- 3. Длины сторон треугольника DEF равны 8, 10 и 14. Вписанная в этот треугольник окружность касается его сторон в точках A, B и C. Найти площадь треугольника ABC.
- 4. Решить неравенство:

$$\log_3^2 |x| - 9\log_3 |x| + 2|x| \cdot \log_3 |x| - 4|x| + 14 \ge 0.$$

5. Найти все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$(x^2 + 2(a+1)x + a^2 + 2a)^2 + (a+5)(x^2 + 2(a+1)x + a^2 + 2a) - a^2 - 7a - 10 = 0$$

имеет:

- а) единственное решение
- б) ровно два различных решения.

ОТВЕТЫ

1.
$$x \in (-\infty; 1/2)$$
.

$$2. \quad x = \frac{\pi n}{5}, \ n \in \mathbb{Z}.$$

3.
$$S_{ABC} = \frac{96\sqrt{6}}{35}$$
.

4.
$$x \in (-\infty; -9] \cup [-3; 0) \cup (0; 3] \cup [9; +\infty)$$
.

5. *a*)
$$a = -4 + \sqrt{2}$$

6)
$$a \in (-\infty; -4 - \sqrt{2}) \cup \{-5\} \cup (-4 + \sqrt{2}; +\infty).$$

http://web-tutor.narod.ru:

Качественное и быстрое решение задач любой сложности:

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М.В. ЛОМОНОСОВА

Биологический факультет, Факультет фундаментальной медицины. Вступительный экзамен по математике на Биофак МГУ–2002 год.

Вариант №2



1. Решить неравенство:

$$|x-2| > 2x+1.$$

2. Решить уравнение:

$$\sin^2 2x + \sin^2 3x = 1$$

- 3. Длины сторон треугольника ABC равны 4, 6 и 8. Вписанная в этот треугольник окружность касается его сторон в точках D, E и F. Найти площадь треугольника DEF.
- 4. Решить неравенство:

$$\log_2^2 |2x| - 5\log_2 |2x| + 2|x| \cdot \log_2 |2x| - 4|x| + 6 \ge 0$$

5. Найти все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$(x^2 + 2(a-2)x + a^2 - 4a)^2 + (a+5)(x^2 + 2(a-2)x + a^2 - 4a) - a^2 + 8a + 2 = 0$$

имеет:

- а) единственное решение
- δ) ровно два различных решения.

ОТВЕТЫ

1.
$$x \in (-\infty; 1/3)$$
.

2.
$$x = \frac{\pi(2n+1)}{10}, n \in \mathbb{Z}$$
.

3.
$$S_{DEF} = \frac{15\sqrt{15}}{32}$$
.

4.
$$x \in (-\infty; -2] \cup [-1; 0) \cup (0; 1] \cup [2; +\infty)$$
.

5. *a*)
$$a = 2 + \sqrt{2}$$

$$6) \ a \in \left(-\infty; 2 - \sqrt{2}\right) \cup \left\{1\right\} \cup \left(2 + \sqrt{2}; +\infty\right).$$

http://web-tutor.narod.ru:

Качественное и быстрое решение задач любой сложности: